

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования и науки Республики Башкортостан**  
**ЧОУ "Гармония"**

РАССМОТРЕНО

Школьное методическое  
объединение

СОГЛАСОВАНО

Зам. директор по УВР

УТВЕРЖДЕНО

Директор ЧОУ "Гармония"

ож. Жужель О.В. Н.К. Н.К. Сергеева



О.В.Копанева

Приказ № 45

от "31" августа 2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

(ID 900124)

**учебного курса «Вероятность и статистика»**

для обучающихся 7-9 классов

**Уфа 2023**

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

В современном цифровом мире вероятность и статистика приобретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры.

Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро встало необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты.

Знакомство в учебном курсе с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. При изучении статистики и вероятности обогащаются представления обучающихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основного общего образования выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках, до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы.

Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного события. При изучении учебного курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей в случайных экспериментах с равновозможными элементарными исходами, вероятностными законами, позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В

учебный курс входят начальные представления о случайных величинах и их числовых характеристиках.

В рамках учебного курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

В 7–9 классах изучается учебный курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» отводится 102 часа: в 7 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 8 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 9 классе – 34 часа (1 час в неделю).

## **СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

### **7 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

### **8 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

### **9 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» НА УРОВНЕ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

### **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного курса «Вероятность и статистика» характеризуются:

#### **1) патриотическое воспитание:**

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

#### **2) гражданское и духовно-нравственное воспитание:**

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

#### **3) трудовое воспитание:**

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей

жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

**4) эстетическое воспитание:**

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

**5) ценности научного познания:**

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

**6) физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:**

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

**7) экологическое воспитание:**

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

**8) адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:**

готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

## **Познавательные универсальные учебные действия**

### **Базовые логические действия:**

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

### **Базовые исследовательские действия:**

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

### **Коммуникативные универсальные учебные действия:**

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблеме, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
- принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

### **Регулятивные универсальные учебные действия**

#### **Самоорганизация:**

- самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в **7 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.

Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.

Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.

Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости.

К концу обучения в **8 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).

Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числвая прямая.

Оперировать понятиями: множество, подмножество, выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, перечислять элементы множеств, применять свойства множеств.

Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

К концу обучения в **9 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.

Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.

Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли.

Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.

Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 7 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Представление данных	7	введите значение	2	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> ]]
2	Описательная статистика	8	введите значение	1	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> ]]
3	Случайная изменчивость	6	введите значение	1	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> ]]
4	Введение в теорию графов	4	введите значение	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> ]]
5	Вероятность и частота случайного события	4	введите значение	1	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> ]]
6	Обобщение, систематизация знаний	5	2	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> ]]
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		34	2	5	

### 8 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Повторение курса 7 класса	4	введите значение	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> ]]
2	Описательная статистика. Рассеивание данных	4	введите значение	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> ]]
3	Множества	4	введите значение	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> ]]
4	Вероятность случайного события	6	введите значение	1	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> ]]
5	Введение в теорию графов	4	введите значение	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> ]]
6	Случайные события	8	введите значение	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> ]]
7	Обобщение, систематизация знаний	4	2	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> ]]
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		34	2	1	

## 9 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Повторение курса 8 класса	4	введите значение	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> ]]
2	Элементы комбинаторики	4	введите значение	1	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> ]]
3	Геометрическая вероятность	4	введите значение	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> ]]
4	Испытания Бернулли	6	введите значение	1	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> ]]
5	Случайная величина	6	введите значение	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> ]]
6	Обобщение, контроль	10	1	введите значение	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> ]]
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	2	

## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 7 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	[[Представление данных в таблицах]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ec1f8">https://m.edsoo.ru/863ec1f8</a> ]]
2	[[Практические вычисления по табличным данным]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ec324">https://m.edsoo.ru/863ec324</a> ]]
3	[[Извлечение и интерпретация табличных данных]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ec78e">https://m.edsoo.ru/863ec78e</a> ]]
4	[[Практическая работа "Таблицы"]]	1	введите значение	1	введите дату	[[[]]]
5	[[Графическое представление данных в виде круговых, столбиковых (столбчатых) диаграмм]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ed18e">https://m.edsoo.ru/863ed18e</a> ]]
6	[[Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ed602">https://m.edsoo.ru/863ed602</a> ]]
7	[[Практическая работа "Диаграммы"]]	1	введите значение	1	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ed72e">https://m.edsoo.ru/863ed72e</a> ]]
8	[[Числовые наборы. Среднее арифметическое]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ed846">https://m.edsoo.ru/863ed846</a> ]]
9	[[Числовые наборы. Среднее арифметическое]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ed846">https://m.edsoo.ru/863ed846</a> ]]
10	[[Медиана числового набора. Устойчивость медианы]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863edb3e">https://m.edsoo.ru/863edb3e</a> ]]
11	[[Медиана числового набора. Устойчивость медианы]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[[]]]
12	[[Практическая работа "Средние значения"]]	1	введите значение	1	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863edc6a">https://m.edsoo.ru/863edc6a</a> ]]
13	[[Наибольшее и наименьшее значения числового набора.]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ee07a">https://m.edsoo.ru/863ee07a</a> ]]

	Размах]]					
14	[[Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[[]]]
15	[[Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[[]]]
16	[[Контрольная работа по темам "Представление данных. Описательная статистика"]]	1	1	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ee390">https://m.edsoo.ru/863ee390</a> ]]
17	[[Случайная изменчивость (примеры)]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ee4bc">https://m.edsoo.ru/863ee4bc</a> ]]
18	[[Частота значений в массиве данных]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ee69c">https://m.edsoo.ru/863ee69c</a> ]]
19	[[Группировка]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ee9d0">https://m.edsoo.ru/863ee9d0</a> ]]
20	[[Гистограммы]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[[]]]
21	[[Гистограммы]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ee1c">https://m.edsoo.ru/863ee1c</a> ]]
22	[[Практическая работа "Случайная изменчивость"]]	1	введите значение	1	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863eecc8">https://m.edsoo.ru/863eecc8</a> ]]
23	[[Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef52">https://m.edsoo.ru/863ef52</a> ]]
24	[[Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Цепь и цикл]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef0ba">https://m.edsoo.ru/863ef0ba</a> ]]
25	[[Цепь и цикл. Путь в графе. Представление о связности графа]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef236">https://m.edsoo.ru/863ef236</a> ]]
26	[[Представление об ориентированных графах ]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef3b2">https://m.edsoo.ru/863ef3b2</a> ]]
27	[[Случайный опыт и случайное событие]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef4d4">https://m.edsoo.ru/863ef4d4</a> ]]
28	[[Вероятность и частота события. Роль маловероятных и	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef646">https://m.edsoo.ru/863ef646</a> ]]

	практически достоверных событий в природе и в обществе]]					
29	[[Монета и игральная кость в теории вероятностей]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[[]]]
30	[[Практическая работа "Частота выпадения орла"]]	1	введите значение	1	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863ef8a8">https://m.edsoo.ru/863ef8a8</a> ]]
31	[[Контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного события"]]	1	1	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f0186">https://m.edsoo.ru/863f0186</a> ]]
32	[[Повторение, обобщение. Представление данных]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863efa24">https://m.edsoo.ru/863efa24</a> ]]
33	[[Повторение, обобщение. Описательная статистика]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863efbaa">https://m.edsoo.ru/863efbaa</a> ]]
34	[[Повторение, обобщение. Вероятность случайного события]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863fec0">https://m.edsoo.ru/863fec0</a> ]]
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	5		

## 8 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	[[Представление данных. Описательная статистика]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f029e">https://m.edsoo.ru/863f029e</a> ]]
2	[[Случайная изменчивость. Средние числового набора]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f03fc">https://m.edsoo.ru/863f03fc</a> ]]
3	[[Случайные события. Вероятности и частоты]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f0578">https://m.edsoo.ru/863f0578</a> ]]
4	[[Классические модели теории вероятностей: монета и игральная kostь]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f076c">https://m.edsoo.ru/863f076c</a> ]]

5	[[Отклонения]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f0a50">https://m.edsoo.ru/863f0a50</a> ]]
6	[[Дисперсия числового набора]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f0a50">https://m.edsoo.ru/863f0a50</a> ]]
7	[[Стандартное отклонение числового набора]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f0bfe">https://m.edsoo.ru/863f0bfe</a> ]]
8	[[Диаграммы рассеивания]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f0eab">https://m.edsoo.ru/863f0eab</a> ]]
9	[[Множество, подмножество]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f1180">https://m.edsoo.ru/863f1180</a> ]]
10	[[Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f143c">https://m.edsoo.ru/863f143c</a> ]]
11	[[Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f1784">https://m.edsoo.ru/863f1784</a> ]]
12	[[Графическое представление множеств]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f198c">https://m.edsoo.ru/863f198c</a> ]]
13	[[Контрольная работа по темам "Статистика. Множества"]]	1	1	введите значение	введите дату	[[[]]]
14	[[Элементарные события. Случайные события]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f1dec">https://m.edsoo.ru/863f1dec</a> ]]
15	[[Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f1dec">https://m.edsoo.ru/863f1dec</a> ]]
16	[[Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f1f72">https://m.edsoo.ru/863f1f72</a> ]]
17	[[Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f21ca">https://m.edsoo.ru/863f21ca</a> ]]
18	[[Опыты с равновозможными элементарными событиями.	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f21ca">https://m.edsoo.ru/863f21ca</a> ]]

	Случайный выбор]]					
19	[[Практическая работа "Опыты с равновозможными элементарными событиями"]]	1	введите значение	1	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f235a">https://m.edsoo.ru/863f235a</a> ]]
20	[[Дерево]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f2a4e">https://m.edsoo.ru/863f2a4e</a> ]]
21	[[Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f2bac">https://m.edsoo.ru/863f2bac</a> ]]
22	[[Правило умножения ]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f2cd8">https://m.edsoo.ru/863f2cd8</a> ]]
23	[[Правило умножения ]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f2e36">https://m.edsoo.ru/863f2e36</a> ]]
24	[[Противоположное событие]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f2f8a">https://m.edsoo.ru/863f2f8a</a> ]]
25	[[Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f3214">https://m.edsoo.ru/863f3214</a> ]]
26	[[Несовместные события. Формула сложения вероятностей]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f3372">https://m.edsoo.ru/863f3372</a> ]]
27	[[Несовместные события. Формула сложения вероятностей]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f3764">https://m.edsoo.ru/863f3764</a> ]]
28	[[Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f38ae">https://m.edsoo.ru/863f38ae</a> ]]
29	[[Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f3b06">https://m.edsoo.ru/863f3b06</a> ]]
30	[[Представление случайного эксперимента в виде	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f3cbe">https://m.edsoo.ru/863f3cbe</a> ]]

	дерева ]]					
31	[[Представление случайного эксперимента в виде дерева ]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f3f20">https://m.edsoo.ru/863f3f20</a> ]]
32	[[Контрольная работа по темам "Случайные события. Вероятность. Графы"]]	1	1	введите значение	введите дату	[[[]]]
33	[[Повторение, обобщение. Представление данных. Описательная статистика]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f4128">https://m.edsoo.ru/863f4128</a> ]]
34	[[Повторение, обобщение. Графы]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	1		

## 9 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	[[Представление данных]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f47ea">https://m.edsoo.ru/863f47ea</a> ]]
2	[[Описательная статистика]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f47ea">https://m.edsoo.ru/863f47ea</a> ]]
3	[[Операции над событиями]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[[]]]
4	[[Независимость событий]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[[]]]
5	[[Комбинаторное правило умножения]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f4e16">https://m.edsoo.ru/863f4e16</a> ]]
6	[[Перестановки. Факториал. Сочетания и число сочетаний]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f4e16">https://m.edsoo.ru/863f4e16</a> ]]
7	[[Треугольник Паскаля]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f5014">https://m.edsoo.ru/863f5014</a> ]]
8	[[Практическая работа "Вычисление вероятностей с использованием комбинаторных функций электронных	1	введите значение	1	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f5208">https://m.edsoo.ru/863f5208</a> ]]

	таблиц"]]					
9	[[Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f5884">https://m.edsoo.ru/863f5884</a> ]]
10	[[Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f5a50">https://m.edsoo.ru/863f5a50</a> ]]
11	[[Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f5bfe">https://m.edsoo.ru/863f5bfe</a> ]]
12	[[Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f5e10">https://m.edsoo.ru/863f5e10</a> ]]
13	[[Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f6162">https://m.edsoo.ru/863f6162</a> ]]
14	[[Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f6356">https://m.edsoo.ru/863f6356</a> ]]
15	[[Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[[]]]
16	[[Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f64d2">https://m.edsoo.ru/863f64d2</a> ]]
17	[[Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f6680">https://m.edsoo.ru/863f6680</a> ]]
18	[[Практическая работа "Испытания Бернулли"]]	1	введите значение	1	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f67de">https://m.edsoo.ru/863f67de</a> ]]
19	[[Случайная величина и распределение вероятностей]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f6b44">https://m.edsoo.ru/863f6b44</a> ]]
20	[[Математическое	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК

	ожидание и дисперсия случайной величины]]					<a href="https://m.edsoo.ru/863f6da6">https://m.edsoo.ru/863f6da6]]</a>
21	[[Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	<a href="https://m.edsoo.ru/863f6f86">[[Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f6f86]]</a>
22	[[Понятие о законе больших чисел]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	<a href="https://m.edsoo.ru/863f72c4">[[Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f72c4]]</a>
23	[[Измерение вероятностей с помощью частот]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	<a href="https://m.edsoo.ru/863f7652">[[Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f7652]]</a>
24	[[Применение закона больших чисел]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	<a href="https://m.edsoo.ru/863f7116">[[Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f7116]]</a>
25	[[Обобщение, систематизация знаний. Представление данных]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	<a href="https://m.edsoo.ru/863f783c">[[Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f783c]]</a>
26	[[Обобщение, систематизация знаний. Описательная статистика]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	<a href="#">[[ ]]</a>
27	[[Обобщение, систематизация знаний. Представление данных. Описательная статистика]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	<a href="https://m.edsoo.ru/863f893a">[[Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f893a]]</a>
28	[[Итоговая контрольная работа]]	1	1	введите значение	введите дату	<a href="https://m.edsoo.ru/863f8b56">[[Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f8b56]]</a>
29	[[Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	<a href="https://m.edsoo.ru/863f7a4e">[[Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f7a4e]]</a>
30	[[Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события. Элементы комбинаторики]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	<a href="https://m.edsoo.ru/863f7c9c">[[Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f7c9c]]</a>
31	[[Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	<a href="https://m.edsoo.ru/863f7e54">[[Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f7e54]]</a>
32	[[Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики. Случайные величины и	1	введите значение	введите значение	введите дату	<a href="https://m.edsoo.ru/863f8408">[[Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/863f8408]]</a>

	распределения]]					
33	[[Обобщение, систематизация знаний. Случайные величины и распределения ]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/863f861a">https://m.edsoo.ru/863f861a</a> ]]
34	[[Обобщение, систематизация знаний]]	1	введите значение	введите значение	введите дату	[[[]]]
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	34	1	2			